

ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЕ НАУКИ

О СУЩЕСТВЕННОСТИ ОПТИМАЛЬНОГО УПРАВЛЕНИЯ В СМЫСЛЕ БЫСТРОДЕЙСТВИЯ

Гусейнова Айгюн Назим к.

АННОТАЦИЯ

В работе исследуется задача оптимального управления, описываемая уравнением теплопроводности с неклассическим краевым условием.

Пусть управляемый процесс описывается функцией $y(x, t)$, которая внутри области $D_T = \{(x, t): 0 \leq x \leq 1, \text{ и } 0 \leq t \leq T\}$ удовлетворяет уравнению

$$\frac{\partial y}{\partial t} = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} + p(x)u(t), \quad (1)$$

а на границе D_T удовлетворяет начальному условию

$$y(x, 0) = y_0(x) \quad (2)$$

и граничными условиями

$$y(x, t) = \int_0^1 G(x, s, t) y_0(s) ds + \int_0^t \int_0^1 G(x, s, t - \tau) p(s) u(\tau) ds d\tau \quad (4)$$

Пусть $\phi(x)$ - заданная функция из $L_2(0,1)$. В выбранном классе допустимых управлений требуется указать управление $u^*(t) \in U_\delta$ такое, чтобы соответствующее ему решение $y^*(x, t)$ задачи (1)-(3) удовлетворяло условию

$$y^*(x, \tau_0) = \phi(x) \quad (5)$$

при этом τ_0 - нижняя грань значений τ , для которых выполняется условие

$$y(x, \tau) = \phi(x)$$

для некоторого $\tau \in (0, T)$, где $y(x, t)$ - решение задачи (1)-(3) при некотором допустимом управлении $u(t)$.

Теорема 1. Пусть существует управление $u(t) \in U_\delta$ такое, что соответствующее ему

$$y(0, t) = 0, \text{ и } y_x(1, t) = y_x(0, t), \quad (3)$$

где $p(x) \neq 0$, $y_0(x)$ - заданные функции, а $u(t)$ - управляющий параметр.

Множество допустимых управлений $u(t) \in U_\delta = \{u, \text{ и } u(t) \in L_2(0, T), \text{ и } |u(t)| \leq 1 \text{ почти всюду}\}$.

Отметим, что при $p(x) \in L_2(0,1)$, и $y_0(x) \in W_2^1(0,1)$, и $y_0(0) = 0$ и для каждого допустимого управления $u(t)$ существует решение почти всюду $y(x, t)$ задачи (1)-(3), которое с помощью функции $G(x, s, t)$ можно представить в виде

решение $y(x, t)$ задачи (1)-(3) удовлетворяет условию $y(x, \tau) = \phi(x)$ для некоторого $\tau \in (0, T)$ и $u^*(t) \in U_\delta$ - оптимальное управление в смысле быстрогодействия. Тогда

$$|u^*(t)| = 1 \text{ почти всюду на } (0, \tau_0). \quad (6)$$

Список литературы.

1. Ионкин Н.И. Решение одной краевой задачи теории теплопроводности с неклассическим краевым условием. Дифференц. уравнения, 1977, т. X, №2, с.294-304.
2. Ладыженская О.А. Краевые задачи математической физики, М., «Наука», 1973, с.403.

МЕТОДЫ УДЕРЖАНИЯ ЭЛЕКТРОНОВ КАК ЧАСТИЦ НА ОРБИТАЛЯХ ПРОТОНОВ НА ОСНОВЕ ЭЛЕКТРОМАГНИТНОЙ ЛОВУШКИ И ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ ПРОТОНОВ В МОЛЕКУЛЕ ВОДОРОДА, А ТАКЖЕ ФОРМИРОВАНИЕ ПРИНЦИПА ПАУЛИ И АСИМПТОТИЧЕСКАЯ СВОБОДЫ ВО ВЗАИМОДЕЙСТВИИ ЧАСТИЦ

Кузнецов Василий Юрьевич
кандидат технических наук

DOI: 10.31618/nas.2413-5291.2020.2.60.305

АННОТАЦИЯ

В данной статье рассматривается метод удержания электронов как частиц на орбитах атомов протонами на основе работы протонов как электромагнитных ловушек для электронов, предлагается метод взаимодействия протонов в молекуле водорода, объясняется формирование принципа Паули и асимптотическая свободы во взаимодействии частиц.